

# 高压大电流场发射二极管的若干问题\*

卞 彭

(中国科学院电子学研究所)

## 提 要

本文综合了许多实验结果,指出在相对论性高压大电流二极管中存在的一些问题,并试图说明现象的一些理论分析的结果。

## 一、前 言

在场发射二极管中,电子的动能一般都达到 100 KV—1MV,甚至更高。因此,处理管内电流问题时,就必须考虑相对论性修正。通常  $v$  与  $V$  有关系,可用简单公式  $eV = mv^2/2$  来表示。但在  $V$  很大时,则一般要用能量守恒概念来处理。令  $\gamma$  为以  $v$  运动的质量与静止质量之比,则  $\gamma = (eV + m_0c^2)/m_0c^2$ ,  $V = 511(\gamma - 1)$ (KV)。表 1 列出了  $v$  与  $V$  的关系,  $v$  以光速  $c$  为单位。从表中可以看出,一般从 500KV 起就必须加相对论性修正了。其实  $V$  在 100KV 以上,  $v$  在  $0.6c$  以上时,修正量就不小了(有人称之为弱相对论性)。

表 1

$v(c)$	$V = 256\gamma \cdot \beta^2$ (KV) (即 $V = \frac{mv^2}{2e}$ )	$V =$ $511(\gamma - 1)$ (KV)
0.5	73.6	76.7
0.6	115.2	127.8
0.7	175.6	204.4
0.8	273.7	342.4
0.9	474.9	500
0.92	552.3	659.2
0.95	742.2	792.1
0.97	991.7	1129.3
		1594.3

考虑二极管中的发射电流时,不论是热发射还是场发射,都考虑的是空间电荷限制条件下的电流。大家都知道,平行平板电极的 Child-Langmuir 方程为:

$$I_{CL} = 2.34 \times 10^{-6} \pi \left( \frac{R}{D} \right)^2 V^{3/2} \quad (1)$$

式中,  $R$  是圆形平板阴极的半径,  $D$  是极间距离, 单位都是 cm。这个公式是我们讨论问题

\* 1979年2月8日收到。

的起点。

## 二、发射电流问题

我们考虑的既是高压下的二极管，就需要作相对论性修正。六十年代末 Boers 和 Kelleher<sup>[1]</sup> 和 Jory 和 Trivelpiece<sup>[2]</sup> 作出了平行平板电极的空间电荷限制电流的解。Boers 和 Kelleher 的长级数解非常烦琐，其结果可写为：当  $0 \leq V \leq 1.02 \text{ MV}$  时

$$ix^2 \approx KV^{3/2} \quad (2)$$

仍与式(1)  $I_{CL}$  的形式相同。显然  $x$  相当于式(1)中的  $D$ 。但当  $1.02 \text{ MV} \leq V \leq \infty$  时，

$$ix^2 \approx K'V \quad (3)$$

式中：

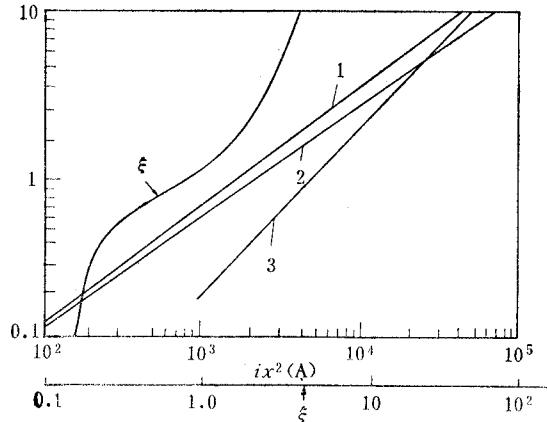
$$x = \frac{1}{\xi} \left[ \frac{2}{(u^2 + 2u)^{1/4}} \sum_0^\infty a_n u^n \right]; \quad u = \frac{ZeV}{m_0 c^2}; \quad \xi = \left( \frac{2J}{V_0 \epsilon_0 c} \right)^{\frac{1}{2}}$$

Jory 和 Trivelpiece 的解也相当烦琐，不过有一个近似解：

$$u = (\xi + 0.8471)^2 - 1 \quad (4)$$

式中， $u = eV/m_0 c^2$ ， $\xi = x[J_e/(2m_0 c^3 \epsilon_0)]^{1/2}$ ， $x$  就是我们所用的极间距离  $D$ 。在 500 KV 以上与全级数解无异。

但是 Condon<sup>[3]</sup> 在 1969 年发表了对脉冲的相对论性电子束的研究，并且用了多种不同形式的阴极（见图 1。阴极形状和材料也是重要问题，下面再谈）。他发现用 Boers 和 Kelleher 的解与实验结果相差甚远。他已经注意到非联系到电压电流与时间关系不可。



1. 平行平板相对论性二极管， $x = \frac{1}{c} \left[ \frac{2}{(u^2 + 2u)^{1/4}} \sum_0^\infty a_n V_0 \right]$

2. Child-Langmuir 方程， $ix^2 = Ku^{3/2}$   $0 \leq V \leq 1.02 \text{ MV}$

3. 强相对论性， $ix^2 = K'u$   $1.02 \text{ MV} \leq V < \infty$   $u = \frac{2V}{m_0 c^2}$

$\xi = x[J_e/2m_0 c^3 \epsilon_0]^{1/2}$  (Jory 和 Trivelpiece)

用近似式  $J \approx 2.72 \times 10^3 \left[ \left( \frac{eV}{m_0 c^2} + 1 \right)^{1/2} - 0.8471 \right]^2 / d^2$

图 1

### (一) 现在对场发射二极管电子发射的认识

许多实验观察都证实了下面的情况：当脉冲电压加上二极管后，最初由于阴极上有毛刺，局部场强极高，毛刺产生场发射，随后毛刺很快发热气化，形成等离子区，使电流迅速增大，这才是场发射二极管的真正脉冲发射，因此，发射总有个时间滞后。在二极管中，阴极前的等离子体区会随着时间向阳极发展；同时阳极受电子轰击也要形成等离子区，它则随时间向阴极发展。这样，经过若干毫微秒或若干微秒，它们将闭合，使二极管短路。Swain 等人<sup>[4]</sup> 1977 年所作的全息干涉照相充分地说明了这一现象。

另外还有一个电流大小的问题，因为一个电子束内的电流很大时，自身的强磁场的自缩作用，将把束缩细。这个作用可用来将电子流聚成很细的束，这对要用细电子束轰击靶丸的可控核聚变试验来说是很重要的。因此对大电流发射的研究和发射理论模型的研究都比较多。但是究竟多大的电流才是大电流呢？Lawson<sup>[5]</sup> 为我们下了定义。这是个关键问题，需要稍为仔细地讨论一下，并应注意其局限条件。

### (二) Lawson 的临界条件 $\nu/\gamma$

Lawson 假定：(1) 离子浓度与电子浓度比  $f$  与束半径  $r$  无关。(2)  $r \leq b$  时，粒子浓度为常数， $r > b$  时则为零； $b$  为束的边界(最大半径)。(3) 互相碰撞可以忽略。(4) 所有电子的动能均相同。(5) 电子的横向速度  $\langle \beta_t \rangle c <$  轴向速度  $\beta c$ 。(6) 离子仅相对束的轴作横向运动。再用电磁场的径向( $r$ )分量

$$E = \frac{2Ne r}{b^2} (1 - f), \quad B = 2 \frac{Ne \beta r}{b^2} \quad (5)$$

(式中  $N$  为束中单位长度上的电子数) 来解电子与离子的径向( $r$ )分量方程，则得：

$$\frac{\langle \beta_t \rangle^2}{\beta^2} \approx \frac{\nu}{\beta^2 \gamma} (\beta^2 + f - 1) \quad (6)$$

$$\langle \beta_{ti} \rangle^2 \approx \frac{Ne^2}{Mc^2} (1 - f) \quad (7)$$

式中， $\nu = Nr_0$ ， $r_0 = 2.8 \cdot 10^{-13}$  是电子半径。

$$Ne^2 \beta^2 = rm \langle \beta_t \rangle^2 c^2 + M \langle \beta_{ti} \rangle^2 c^2 \quad (8)$$

如  $\beta_{ti}^2 \approx 0$ ， $f = 1$  可注意  $I = Nec\beta$ ， $N$  的定义由此而来。则得：

$$\frac{\langle \beta_t \rangle^2}{\beta^2} = \frac{\nu}{\gamma} \quad (9)$$

$$\gamma \text{ 即 } (1 - \beta^2)^{-\frac{1}{2}}, \quad \beta = \frac{\nu}{c}$$

上式即 Lawson 定义的临界条件。当  $\nu < \gamma$ ，即  $\langle \beta_t \rangle^2 \ll \beta^2$  时，则电子以冲流 (streaming) 为主，是个电子束。而当  $\nu > \gamma$  时，则成为一个等离子体流。这就意味着电压并不特别高，而  $N$  甚大，也即电流甚大，于是称它为高  $\nu/\gamma$  二极管。

同样，如仍用平行平板电极，也可认为：

$$\left. \begin{array}{l} \frac{\nu}{\gamma} < \frac{R}{2d_0} \text{ 是电子束} \\ \frac{\nu}{\gamma} > \frac{R}{2d_0} \text{ 是等离子体流} \end{array} \right\} \quad (10)$$

上式是 Friedlander 等人<sup>[6]</sup>假定磁自缩作用发生在电子从阴极边缘发射出来的迴转半径 (*gyroradius*) 等于  $d_0$  时, 从而提出的  $\frac{\nu}{\gamma}$  与  $\frac{R}{2d_0}$  的实验关系。这也就是说, 径向速度变大到一定程度,  $\frac{\nu}{\gamma}$  就大于  $\frac{R}{2d_0}$ , 此时, 磁自缩作用就变得明显了。因为原文是未公开发表的 *DASA* 报告, 上文摘自 Parker<sup>[7]</sup> 1974 年的文章。

由于在二极管中讨论的总是空间电荷限制电流, 现在一般都放弃上述那两个相对论性公式, 而不是在  $I_{CL}$  公式中加上时间修正, 就是在大  $\nu/\gamma$  时, 对电流另作分析。1975 年 Schneider<sup>[8]</sup> 用外加磁场的二极管对发射进行研究, 虽然采用了文献[2]求电流的近似公式, 但也只能得出, 在  $1\mu s$  脉冲中, 仅在初期, 极间实际距离  $D$  不变时, 才与实验结果相符合。

1969 年 Clark<sup>[9]</sup> 等人从  $I_{CL}$  出发, 以  $Z_D$  的形式对许多实验结果作了比较。很有意思的是, 有些电流很大, 但实际测得的  $Z_D$  却与  $Z_{CL}$  差不多, 见表 2。

表 2

Child-Langmuir	$Z_{CL} \approx \frac{136}{V^{1/2}} \left(\frac{D}{R}\right)^2 (\Omega)$	$I_{CL} = 2.34 \times 10^{-6} V^{3/2} \frac{\pi R^2}{D^2} \left(\frac{A}{m}\right)$
实验 室	$Z_D (\Omega)$ (实测)	备 注
Physics International	$Z_D \approx \frac{115}{V^{1/2}} \left(\frac{D}{R}\right)^2$	$V_D = 200\text{KV} - 5\text{MV}$ $R = 3.5\text{cm}$ $D = 2 - 10\text{mm}$ $I_D \approx 100\text{KA}$
E. C. & G.	$Z_D \approx Z_{CL}$	$V_D = 80 - 300\text{KV}$ $I_D = 10 - 60\text{KV}$ $R = 0.8\text{cm}$ $\tau_D = 30\text{ns}$
Cornell	$Z_D \approx \frac{80}{V^{1/2}} \left(\frac{D}{R}\right)^2$	$V_D = 200 - 500\text{KV}$ $I_D = 50 - 125\text{KA}$ $R = 5\text{cm}$ $D = 2 - 10\text{mm}$ $P = 5 \times 10^{-2} - 10^{-5}$ 托
NRL	$Z_D = \frac{136}{V^{1/2}} \left(\frac{\lambda_D}{R}\right)^2$	$I_D = 200 - 500\text{KA}$ $V_D = 750\text{KV}$ $R = 2.5\text{cm}$ $D \approx 7\text{mm}$ $\lambda_D = \text{德拜长度}$

### (三) 各种不同的理论模型和发射公式

表 3 可以这样分开来看:  $\frac{\nu}{\gamma} < \frac{R}{2d_0}$ , 把  $I'_{CL}$  公式改写成  $P = \frac{I'_{CL}}{V^{3/2}}$ , 它与实验符合得很好。一般  $V \leq 500\text{KV}$ , 电流为几十千安。如果是大电流, 即  $\frac{\nu}{\gamma} > \frac{R}{2d_0}$ , 则用其它公式。文献中则以用  $I_{PPF}$  与实验作比较多一些。 $I'_{CL}$  是个经验公式。这里对  $I_{PPF}$  公式的来由和解法简单介绍于下。

*PPF* 是顺等位线流 (*parapotential flow*) 的简写, 就是说电子的流动是顺着等位线进行的。这个理论是 de Packh<sup>[14]</sup> 提出的, 后来 Creedon<sup>[15]</sup> 作了严格计算。现在仅指出其主要概念。从这个概念进行计算其实是一种布里渊流的解。命题是电子流与电场和磁场皆垂直, 于是电子就会顺着等位面走, 这样, 稳态运动方程可写为:

表 3

不同理论模型电流公式 (KA)	几何因子 $g$	文献
$I_{CL} = 2.34 \times 10^{-3} \left( \frac{R}{D} \right)^2 V^{3/2} (\pi)$		
$I'_{CL} = 2.34 \times 10^{-3} \left[ \frac{R}{(D_0 - vt)} \right]^2 V^{3/2}$		[7.10]
$I_{PPF} = I_p = 8.5 g f(V)$	平行平面, 锥与平面 $g = \frac{R}{D_0}$ 其他几何形状 $g$ 见表 4	[11]
$I'_{PPF} = 8.5 \left[ \frac{R}{D_0 - vt} \right] f(V)$		
$I_{PF} = 8.5 g \frac{1}{\gamma^{1/2}} f(V)$	$g = \frac{R}{D_0}$	[12]
$I_{CC} = 8.5 g_{CC} f(V)$ $f(V) = r \ln[r + (r^2 - 1)^{1/2}]$	$g_{CC} = \frac{R}{D_0 - \Delta}$	[13]

$$\frac{d\mathbf{P}}{dt} = -(\mathbf{E} + \mathbf{v} \times \mathbf{B}) \quad (11)$$

要求 PPF 必须是电场与磁场对消, 也就是  $\frac{d\mathbf{P}}{dt} = 0$

$$\mathbf{E} = -\mathbf{v} \times \mathbf{B} \quad (12)$$

其余是求解, 对几个不同电极结构, 用不同坐标进行计算, 可得到  $I_{PPF}$  公式中几何因子  $g$  的不同数值。这里形象化地用图 2 表示。在此顺便提一下所谓焦聚流 (*focused flow*)  $I_{FF}$  模型。它也是取稳态 ( $\frac{\partial}{\partial t} = 0$ ), 而将相对论性麦克斯韦方程简化为一个动量的二次微分方程。极限能量沿电流流线, 并且横跨二极管区域电流流线为常值。它将阴极到阳极区分成几个部分求解(第二部分未解出), 结果也形象化地示于图 3.

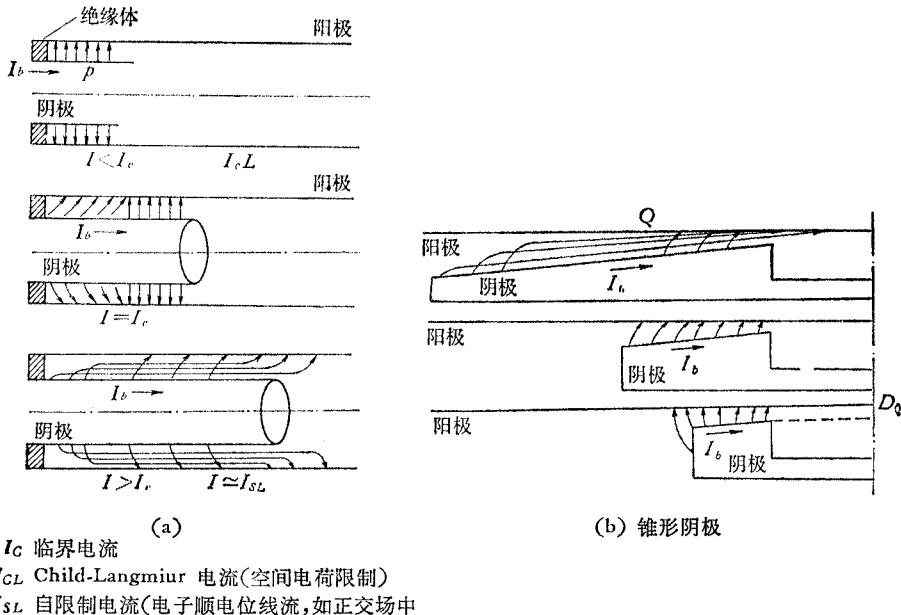


图 2

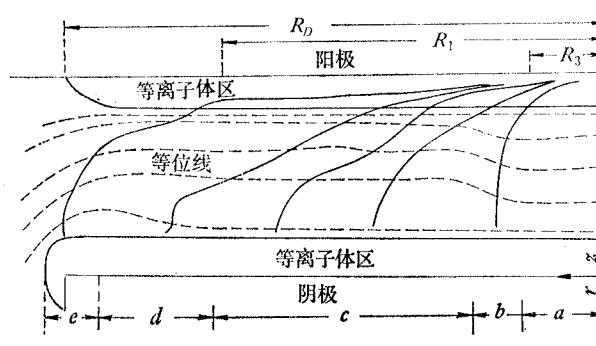


图 3

### 三、电极形状和电极材料问题

大概是受场发射要用尖端的影响, Snark<sup>[15]</sup> 所用的环形阴极也在环上放了许多针和棒。现在看来用平行平板结构的比较多。有的在阴极面上刻出交叉的槽;有的在阴极当中刻出凸出的环;也还有的把阴极做成穹顶形, 对着平板阳极。自从 de Packh 提出 PPF 概念以后,也曾有人试过全锥形结构,但多数是用锥形阴极对平板阳极。Creedon<sup>[11]</sup>的文章对选用二极管的几何形状有一定的理论指导作用。现将 Creedon 文章中之  $g$  列于表 4。当然, PPF 模型的目的要把高  $\frac{v}{\gamma}$  二极管中的电流集束到阳极和轴的交点上。

对于阴极材料也有不少研究工作。主要是苏联人做的。这里我们把 Parker 等人<sup>[5]</sup>文中引用的 Bugaev 等人<sup>[16]</sup>在 1968 年的实验结果示于图 4。看来所加电场强度是主要的, 但从减小电流时间滞后考虑, 阴极材料以用石墨较好。Harris 和 Milde<sup>[17]</sup> 在 1976 年发表的 Neptune 加速器就是选用的石墨盘, 并在其上刻了交叉凹纹。

表 4

电极几何形状	因 子 $g$	说 明
平行平面	$\frac{y_0}{2\pi x_0}$	
同心圆柱	$\left[ \ln \frac{R_2}{R_1} \right]^{-1}$	
同心锥体	$\left[ \ln \left( \tan \frac{\theta}{2} \right) - \ln \left( \tan \frac{\delta}{2} \right) \right]^{-1}$	
锥形阴极 平面形阳极	$\frac{R_c}{D_0}$	

Harris 等总结经验后指出，发射是否均匀，与所加电压的上升时间和脉冲源阻抗的匹配有密切关系。这对二极管是个重要问题，下面将要讨论。

#### 四、匹配问题和防止预脉冲问题

在一定脉冲高压下，要得到大电流，当然要求低阻抗。二极管是负载。在一定设计下，最易调整的不是阴极盘（假定是平行平板结构，锥形就更难办）而是  $D_0$ 。但调整  $D_0$  又影响  $\nu/\gamma$  比，故就功率源来说，设计时匹配问题必须十分注意。

其次，要求发射均匀，不仅是一个脉冲电压上升快慢的问题（上升快，则大多数毛刺差不多同时气化，于是发射均匀），还有一个预脉冲捣乱的问题。产生预脉冲的电压一般较低，但已足以使少数毛刺气化；气化的数目，有时多，有时少，致使发射不均匀，电流脉冲的重复性也差。Harris 等采用了充气输出开关；它的电容量小，能使变压器和脉冲线很快去耦合，因而能消除大部预脉冲，从而减少阴极发射的不均匀性。还有如 Reba 加速器<sup>[18]</sup>（见图 5），则是利用阴极后部的绝缘，使预脉冲加不上二极管。还可参考 Pulserad<sup>[19]</sup> 所用的类似办法。称之为预脉冲隔离。

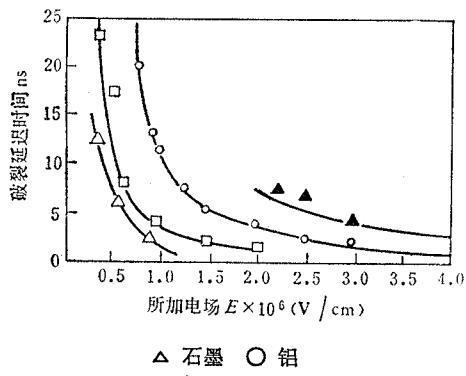
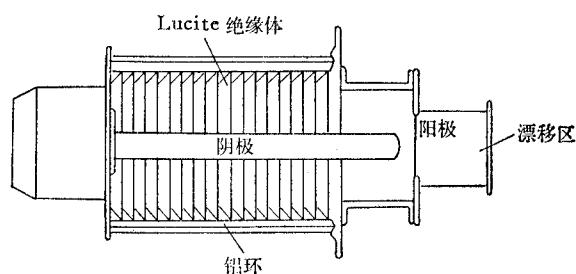


图 4



Reba: 2.7MV, 90KA, 1μs 脉冲  
浸在油中，隔绝了 300KV 预脉冲

图 5

#### 五、所谓磁隔离问题

Creedon<sup>[20]</sup> 1977 年发表了一篇关于大电流二极管中磁隔离的分析文章，给出三种磁隔离状态：(1)磁通量不变式，(2)负载限制式，(3)自限制式。关于磁通量不变式，在这里举一个例子，并谈一谈无阳极膜的装置 Veba<sup>[21]</sup> 它用的外加磁场强度为 10 KGs，极间距离为 4.4 cm。电场加上以后，2.6 μs 才闭合，故可设计为两用：(1) 电压为 0.75—3.0 MV， $Z = 20\Omega$ ，脉冲宽度为 0.6 μs；(2) 电压为 0.5—1.0 MV， $Z = 40\Omega$ ，脉冲宽度为 2.2 μs。可以看出，它的闭合时间要比用膜阳极时长得多，并且还避免了因阳极击穿，而需要常常更换的麻烦。关于负载限制式，Creedon 自己以 Aurora 加速器<sup>[22]</sup> 中传输线作为例子。二极管中电流的自磁场迫使传输线中电流成了 PPF，而不向阳极流。关于自限制式就是我们所讨论的大  $\nu/\gamma$  电流形成了 PPF。

## 六、结 束 语

在介绍了许多电流模型之后，应对它们间的相互关系，实际应用情况等作一小结。最好的办法还是到实践中去找比较。现用文献[13]给出的实验数据和文献[11]给出的图(图6)来说明问题。从图6可以看出，在一个脉冲里，开初电流的确是服从 $I'_{CL}$ 规律；但在300 KV以上，相对论性变强了，电流大到 $v/\gamma > R/2d_0$ 后，则转入PPF。以文献[13]所给数据看， $R/2d_0 \approx 5.25$ 。粗略计算各不同时间的 $v/\gamma$ 为：20 ns时， $v/\gamma \approx 5.15$ ；30 ns时， $v/\gamma \approx 7.97$ ，已相当高了；而40 ns时， $v/\gamma \approx 9.82$ ；60 ns时， $v/\gamma \approx 9.02$ 。 $I_{PPF}$ (即图6中的 $I_p$ )符合程度如图6所示。Creedon还指出如用 $I_{CL}$ ，假定在25—30 ns时， $vt = 0.15$ ，以后不变，则 $d = D_0 - \Delta = D_0 - 0.15$ ，不仅是 $I_{cc}$ ，连 $I_{FF}$ 的符合程度亦不减于 $I_{PPF}$ 。 $vt = 0.15$ ， $v = 6 \text{ cm}/\mu\text{s}$ 还是在实际范围内(见 Brodley<sup>[23]</sup>  $v = 2$ — $12 \text{ cm}/\mu\text{s}$ ；Mix等<sup>[24]</sup>  $v = 5$ — $10 \text{ cm}/\mu\text{s}$ )。

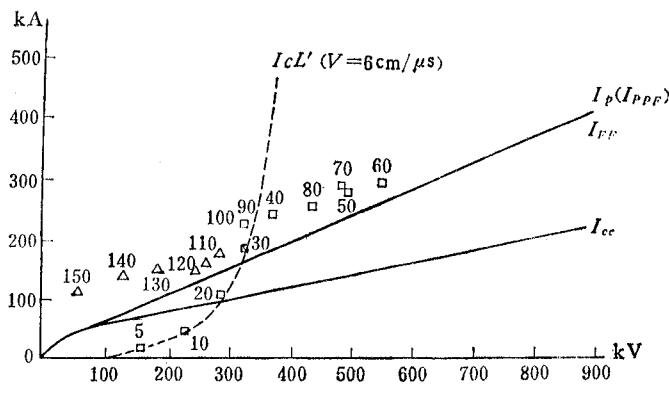


图 6

另外 Yonas 等<sup>[25]</sup>在阴极上刻出一锥形坑，对着阳极轴线加一根导线，使得电流非常集中。而 Swain 等人<sup>[26]</sup>在阴极轴线上开一个小孔，就观察不到磁自缩电子束的集中。这些虽然都不是题内问题，可不涉及；但似应提一提借以说明，冷阴极二极管的工作大有可为。

测量手段也是一个重要问题，而准确地测量电压和电流波形是最重要的。据说用卢高夫斯基线圈测量电流的方法简单而准确。另外用铝上覆盖聚酯树脂的阳极作电流见证板(*witness plate*)也是精确测量所不可缺少的。还有如 Parker 在阳极平面上用石墨衰减器、塑料闪烁器联合，再配上开门的摄影机来照像，对于观测电子束中电流分布情况是很好的手段。这些手段并不很难掌握，是不难实现的。要比较电压波形和电流波形时还必须设法消除电感部分的影响。如何消除法必须在实际工作中摸索解决。

## 参 考 文 献

- [1] J. E. Boers and D. Kelleher, *JAP*, 40(1969), 2409.

- 
- [2] H. R. Jory and A. W. Trivelpiece, *JAP*, **40**(1969), 3924.
  - [3] J. L. Condon, *10th Symposium on Electron, Ion and Laser Beam Technology*, (1969), 131.
  - [4] Swain et al., *JAP*, **48**(1977), 1085.
  - [5] J. D. Lawson, *J. Electronics and Control* **5** (1958), 146; *J. Nuclear Energy, Part C, Plasma Physics*, **1**(1959), 31.
  - [6] F. Friedlander et al., *Varian Associates Report No. DASA 2173*(1968)
  - [7] R. K. Parker et al., *JAP*, **45**(1974), 2463.
  - [8] R. Schneider, *J. Vacuum Science Technology*, **12**(1975), 1191.
  - [9] J. J. Clark et al., *10th Symposium on Electron, Ion and Laser Beam Technology*, (1969), 117.
  - [10] R. K. Parker et al., *11th Symposium on Electron, Ion and Laser Beam Technology*, (1971), 453.
  - [11] Creedon *JAP*, **46**(1975), 2946.
  - [12] Goldstein et al., *Phys. Rev. Letters*, **33**(1974), 1471.
  - [13] G. Cooperstein and J. I. Condon, *JAP*, **46**(1975), 1535.
  - [14] D. C. de Packh, *NRL Radiation Project Progress Report No. 5*(1968).
  - [15] G. Yonas et al., (Suark), *71th Symposium on Electron, Ion and Laser Beam Technology*, (1971), 421.
  - [16] S. P. Bugaev et al., *Soviet Phys.-Dokl.*, **14**(1969), 605.
  - [17] N. W. Harris and H. Milde (Neptune), *IEEE Trans. on NS*, **NS-23**(1976), 1470.
  - [18] D. L. Johnson (Reba), *11th Symposium on Electron, Ion and Laser Beam Technology*, (1971) 445.
  - [19] E. Champney et al., (Pulserad), *IEEE Trans. on NS*, **NS-22**(1975), 974.
  - [20] J. Creedon, *JAP*, **48**(1977), 1070.
  - [21] R. K. Parker and M. Ury (Veba), *IEEE Trans. on NS*, **NS-22**(1975), 953.
  - [22] B. Bernstein and I. Smith (Aurora), *IEEE Trans. on NS*, **NS-20**(1973), 294.
  - [23] L. P. Bradley et al., *Phys. REV. Letters*, **29**(1972), 1441.
  - [24] L. P. Mix et al., *J. Vacuum Science Techn.* **10**(1973), 951.
  - [25] G. Yonas et al., *Phy. Rev. Letters*, **70**(1973), 164.
  - [26] D. W. Swain et al., *JAP*, **48**(1977), 1085.