

# 关于 BAN 逻辑扩展的注记<sup>1</sup>

郑 东 田建波 王育民

(西安电子科技大学 105 室 西安 710071)

**摘 要** 本文指出了 W.Mao(1995) 对其协议 (1) 的证明中存在的错误, 并对其在协议理想化过程中提出的  $N-u$  规则作了探讨, 指出其扩展  $N-u$  的三条规则的缺陷, 并作了改进, 最后, 给出一个例子说明  $N-u$  规则的应用.

**关键词** 认证协议, BAN 逻辑  
**中图分类号** TN918

## 1 引 言

自 Burrows, Abadi 和 Needham 在文献 [1] 中提出关于分析认证协议的形式逻辑以来, 已有许多作者指出了它的一些弱点并作了改进, 见文献 [2,3]. Mao 在文献 [4] 中对协议的理想化作了讨论, 提出了协议理想化规则. 但这两方面的工作仍然不是令人满意的. 由于没有精确的语义定义, 使得证明容易出错, 下面的例子就说明了这一点. 在文献 [4] 中, 虽然提出了协议理想化的三条规则, 但还不够完善, 本文对这种规则作了进一步的修改.

## 2 关于文献 [4] 中的一个 BAN 逻辑证明的商榷

我们先看下面的协议 (参看图 1):

$$\left. \begin{aligned}
 (1) & A \rightarrow B : A, \{N_a, A\}_{K_{a,s}}, \\
 (2) & B \rightarrow S : A, B, \{N_a, A\}_{K_{a,s}}, \{N_b, B\}_{K_{b,s}}, \\
 (3) & S \rightarrow A : \{K_{ab}, B\}_{K_{a,s}}, \{N_a, N_b, \{K_{ab}, A, N_b\}_{K_{b,s}}\}_{K_{a,s}}, \\
 (4) & A \rightarrow B : \{K_{ab}, A, N_b\}_{K_{b,s}}, \{N_b\}_{K_{a,b}}.
 \end{aligned} \right\} \quad (1)$$

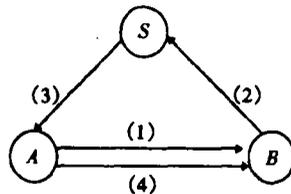


图 1

Mao 在文献 [4] 中用 BAN-like 逻辑证明该协议能够使得

$$A \text{ believes } A \stackrel{K_{ab}}{\longleftrightarrow} B,$$

<sup>1</sup> 1997-10-24 收到, 1999-03-01 定稿  
国家自然科学基金资助课题 (69683005)

但是这个结论是不成立的, 协议 (1') 式 (文献 [4] 中的攻击 3) 给出上述协议是易被重放攻击的.

$$\left. \begin{array}{l} (1) A \rightarrow C_b : A, \{N_a, A\}_{K_{as}}, \\ (2) C_a \rightarrow S : C, A, \{N_c, C\}_{K_{cs}}, \{N_a, A\}_{K_{as}}, \\ (3) S \rightarrow C : \{K_{ca}, A\}_{K_{cs}}, \{N_c, N_a, \{K_{ca}, C, N_a\}_{K_{as}}\}_{K_{ca}}, \\ (3') C_s \rightarrow A : \{K_{ab}, B\}_{K_{as}}, \{N_a, N_c\}_{K_{ab}}, \\ (4) A \rightarrow C_b : \dots, \{N_c\}_{K_{ab}}. \end{array} \right\} (1')$$

其中  $C_x$  表示  $C$  伪装  $X$ , (1') 式中的 (3') 中的  $K_{ab}$  是以前被泄露的密钥.

文献 [4] 中认为这种证明失败是由于没有标准的理想化方法导致的. 本文认为导致这种结果的原因是由于证明的错误引起的.

文献 [4] 中的证明是假设下列初始条件成立:

- (1)  $A$  believes  $A \stackrel{K_{as}}{\longleftrightarrow} S$ ,
- (2)  $A$  believes  $S$  controls  $(A \stackrel{K_{as}}{\longleftrightarrow} B)$
- (3)  $A$  believes fresh  $(N_a)$ ,
- (4)  $A$  received  $F_{K_{as}}(A \stackrel{K_{as}}{\longleftrightarrow} B, N_a, \dots)^S$ ,
- (5)  $A$  believes  $A$  sees  $(N_a, \dots)$ ,
- (6)  $A$  believes  $A$  sees  $(A \stackrel{K_{as}}{\longleftrightarrow} B)$ ,

在上述假设中,  $F_{K_{as}}(A \stackrel{K_{as}}{\longleftrightarrow} B, N_a, \dots)^S = \{K_{ab}, B\}_{K_{as}}, \{N_a, \dots\}_{K_{ab}}$ , 但文献 [4] 对协议证明时, 错误地把  $F_{K_{as}}(\dots)^S$  与  $\{\dots\}_{K_{as}}$  等同起来, 这样就导致证明的失败. 事实上, 在 Mao 的协议 (1) 中, 只有  $A$  received  $\{K_{ab}, B\}_{K_{as}}, \{N_a, \dots\}_{K_{ab}}$  由此按照 BAN 逻辑推导得不到:  $A$  believe  $S$  said  $A \stackrel{K_{as}}{\longleftrightarrow} B, N_a, \dots$ , 也得不到  $A$  believes fresh  $(A \stackrel{K_{as}}{\longleftrightarrow} B)$ .

### 3 关于 $N-u$ 的扩展

Mao 在文献 [4] 中指出协议的理想化过程在 BAN 逻辑证明中起着重要的作用, 提出了在协议理想化时,  $N$ (freshness identifier) 的扩展方法, 即用  $N-u$  代替  $N$  的方法.  $N$  是按下列规则递归定义的主体名的集合:

记号:  $M \Rightarrow M'$ : 表示协议理想化过程中, 将协议中的所有  $M$  用  $M'$  代替.

sort: 协议中所有主体组成的集合.

规则如下:

(I) 如果  $P \xleftrightarrow{K} Q \wedge P \text{said}_A^k(N-u, R)$ , 则  $N-u \Rightarrow N-(u \cup \{R\})$ ;

(II) 如果  $P \xleftrightarrow{K} Q \wedge P \text{said}_C^k N-u$ , 则  $N-u \Rightarrow N-(u \cup \{Q\})$ ;

(III) 如果  $P \xleftrightarrow{K} Q \wedge P \text{sees}_A^k(N-u, R)$ , 则  $x \rightarrow P : \dots, \{\dots, N-u, \dots\}_{K, \dots} \Rightarrow x \rightarrow P : \dots, \{\dots, N-(u \cup \{R, Q\}, \dots\}_k, \dots$ .

Mao 指出, 若按这三种规则, 主体  $B$  不能属于  $N-u$ , 则发送  $N$  的主体  $A$  就不能了解  $B$  的“最近状况”, 即不能了解这次协议实施中  $B$  的状况. 该结论对分析一个协议的安全性确是有意义的 (虽然未被证明), 但本文认为由上述规则扩展的  $N-u$  规则并不能包含  $N$  的发送者可了解的所有主体. 我们看下面 Mao 的协议 (2):

$$\left. \begin{array}{l} (1) A \rightarrow B : A, \{N_a, A\}_{K_{a,s}}; \\ (2) B \rightarrow S : A, B, \{N_a, A\}_{K_{a,s}}, \{N_b, B\}_{K_{b,s}}; \\ (3) S \rightarrow A : \{K_{ab}, N_a\}_{K_{a,s}}; \{B, N_b, \{K_{ab}, A, N_b\}_{K_{b,s}}\}_{K_{a,s}}; \\ (4) A \rightarrow B : \{K_{ab}, A, N_b\}_{K_{b,s}}, \{N_b\}_{K_{a,b}}. \end{array} \right\} \quad (2)$$

此协议是抗文献 [4] 中的重放攻击 (3) 的, 且易证明:

$$A \text{ believes } A \xleftrightarrow{K_{a,b}} B$$

(证明类似于文献 [4] 中协议 (2) 的证明, 只需将  $F_{K_{a,s}}(\dots)^S$  定义为  $\{K_{ab}, N_a\}_{K_{a,s}}, \{\dots\}_{K_{a,b}}$ . 但  $B$  是不属于  $N-u$  的, 这说明  $-u$  需要进一步扩展. 现增加下列一条规则 (记为 (IV)).

(IV) 如果  $P \xleftrightarrow{K} Q \wedge P \text{ sees}_c(K', N-u)$ , 则  $x \rightarrow P : \dots, \{\dots, R, \dots\}_{K', \dots} \Rightarrow x \rightarrow P : \dots, \{\dots, N-(u \cup \{R, Q\}), \dots\}_{K', \dots}$ . (即若  $P$  理解  $Q$  把  $N$  作为交换密钥  $K'$  的参照符, 则由  $K'$  加密的主体名也以  $N$  作为参照符.) 这样, 就可避免  $N-u$  出现上述情况. 由这四条规则对协议 (2) 的  $A$  理想化如下:

$$\left. \begin{array}{l} (1) A \rightarrow B : A, \{N_a - \{A, S, B\}, A\}_{K_{a,s}}; \\ (2) B \rightarrow S : A, B, \{N_a - \{A, S, B\}, A\}_{K_{a,s}}, \{N_b, B\}_{K_{b,s}}; \\ (3) S \rightarrow A : \{K_{ab}, N_a - \{A, S, B\}\}_{K_{a,s}}, \{B, N_b, \{K_{ab}, A, N_b\}_{K_{b,s}}\}_{K_{a,s}}; \\ (4) A \rightarrow B : \{K_{ab}, A, N_b\}_{K_{b,s}}, \{N_b\}_{K_{a,b}}. \end{array} \right\} \quad (3)$$

但若用前三条规则, 就不能成功理想化, 此例说明增加 (IV) 是必要的.

如与文献 [4] 中一样, 虽然未能证明 (IV) 的正确性, 但它确实有助于对协议的分析.

## 4 实例分析

本节给出一个实例, BAN 逻辑对此实例的证明是失败的, 但若用  $N-u$  规则进行协议理想化时, 则可避免这种证明的失败. 这说明  $N-u$  规则确实有助于协议的分析 (虽未被证明).

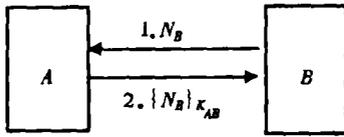


图 2 询问问答协议

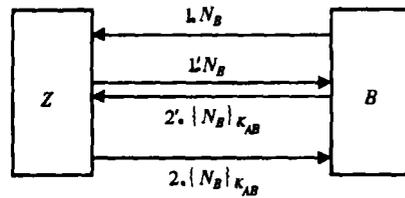


图 3 并行攻击

图 2 的说明: 在询问-应答协议中(图 1),  $B$  向  $A$  发出随机数  $N_B$ (询问), 然后,  $A$  向  $B$  发送  $\{N_B\}_{K_{AB}}$ (应答),  $K_{AB}$  是  $A$  与  $B$  的共享密钥;

图 3 并行攻击的说明:  $Z$  为了冒充  $A$  而获得  $B$  的认证, 当收到  $B$  发送的信息  $N_B$  后, 又冒充  $A$  并行地发起了一次协议运行, 使用的还是一次性的随机数  $N_B$ ,  $B$  收到后, 响应发出  $\{N_B\}_{K_{AB}}$ ,  $Z$  收到响应后, 将其应用到前面的协议运行, 从而获得  $B$  的认证。但由 BAN 逻辑可以证明,  $B \text{ believes } A \mid \approx N_B$  ( $B$  believes that  $A$  has recently said  $X$ )。协议的理想化如下:

- (1)  $B \rightarrow A : N_B$ ,
- (2)  $A \rightarrow B : \{N_B\}_{K_{AB}}$ .

#### 初始假设

- (1)  $B$  believes  $\text{fresh}(N_B)$ ,
- (2)  $B$  believes  $\rho(N_B)$  ( $B$  相信  $N_B$  是可以识别的),
- (3)  $B$  received  $\{N_B\}_{K_{AB}}$ ,
- (4)  $B$  believes  $A \stackrel{K_{AB}}{\longleftrightarrow} B$ .

**认证目标**  $B$  believes  $A$  says  $N_B$  ( $B$  believes that  $A$  has recently said  $N_B$ )

**证明** 由“Necessitation”规则及初始假设 (2) 和 (3), 我们得到

$$B \text{ believes } B \text{ received } \{N\}_{K_{AB}}.$$

由“Necessitation”规则, “Believing”公理和“Source Association”公理和初始假设 (4), 我们得到

$$B \text{ believes } A \text{ said } N_B.$$

把 Necessitation 规则用于“Freshness”公理, 并注意到初始假设 (1), 我们得到

$$B \text{ believes } A \text{ says } N_B.$$

但图 3 的并行攻击是成功的, 即 BAN 逻辑对并行攻击是无能为力的。若用  $N-u$  规则对此协议进行理想化, 则可发现此协议不能够成功理想化。对询问-应答协议(图 2)的理想化如下:

- (1)  $B \rightarrow A : N_B - \{ \}$ ,
- (2)  $A \rightarrow B : \{N_B - \{ \}\}_{K_{AB}}$ .

我们看到主体  $A$  不属于集合  $u$ , 说明主体  $B$  不能了解  $A$  的“最近状况”, 图 2 的攻击就是利用了协议的这个漏洞,  $A$  没有参加协议的实施, 而  $B$  错误地相信  $A$  发送了消息  $\{N\}_{K_{AB}}$ 。

致谢 作者对本文的评审者提出的宝贵意见和建议深表感谢!

### 参 考 文 献

- [1] Butrows M, Abadi M, Needham R. A logic of authentication, Technical Report SRC Technical Report 39, Digital Equipment Corporation, February 1998.
- [2] Abadi M, Tuttle M R. A semantics for a logic of authentication (extended abstract). In Proceedings of Tenth Annual ACM Symposium on Principles of Distributed Computing, At Montreal, Quebec, Canada: August 1991, 201-216.
- [3] Syverson P, Van Oorschot P C. On unifying some cryptographic protocol logics. In Proceeding of 1994 IEEE Symposium on Security and Privacy. Oakland, California: IEEE Computer Society Press, 1994, 165-177.
- [4] Mao W, Boyd C. Development of authentication protocols: Some misconceptions and a new approach, In Proceedings of Computer Security Foundations Workshop VII. Franconia: IEEE Computer Society Press, 1994, 178-186.
- [5] Mao W An augmentation of BAN-like logics. In Proceeding of IEEE Computer Society Symposium on Research in Security and Privacy. Oakland, California: 1995, 44-56.
- [6] Gong L, Needham R, Yahalom R. Reasoning about belief in cryptographic protocols, In Proceedings of the 1990 IEEE Symposium on Research in Security and Privacy, Oakland, California: 1990, 234-248.
- [7] Kesser V, Wedel G. AUOLOG—An advanced logic of authentication. Proc. of the computer Security Foundations Workshop VII, Franconia: IEEE Computer Society Press 1994, 90-99.

## A NOTE ON THE AUGMENTATION OF BAN-LIKE LOGICS

Zheng Dong    Tian Jianbo    Wang Yumin

(Lab.105, Xidian University, Xi'an 710071)

**Abstract** This paper points out a mistake occurred in the Protocol(1)(W.Mao, 1995), the mistake is due to a wrong initial assumption, also this paper shows the weakness of the  $N - u$  based-rules. Finally, an application of the  $N - u$  rules is given by an example.

**Key words** Authentication protocols, BAN-like logics

- 郑 东: 男, 1964 年生, 博士生, 从事密码学研究, 主要兴趣是密码协议的安全性分析及密码学伪随机性的研究.
- 田建波: 男, 1971 年生, 现为复旦大学计算机科学系博士后, 从事密码学及网络安全研究, 主要兴趣是密码协议的安全性分析及通信网安全协议的设计.
- 王育民: 男, 1936 年生, 教授, 博士生导师, 长期从事信息论、信道编码、密码学以及通信网的安全等方面的研究.